

Imagine que nós temos uma lista que poder ter elementos repetidos.

E imagine que essa lista tem algumas posições vazias no final — (*preechidas com 0's*)

Por exemplo,

V

1	2	...							m			N
3	9	2	3	2	7	3	9	5	0	0	0	0

A tarefa consiste em

→ *Remover os elementos duplicados da lista*

Quer dizer, se um elemento já apareceu antes, ele deve ser removido da lista.

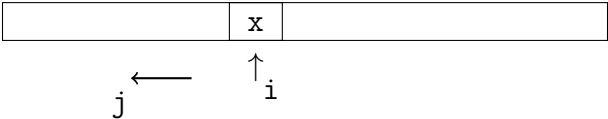
No exemplo acima, isso nos daria

V

1	2	...		m							N
3	9	2	7	5	0	0	0	0	0	0	0

Certo.

Para encontrar as duplicatas, a gente percorre a parte anterior da lista para ver se o elemento já apareceu ali



E daí, se ele for uma duplicata, a gente marca ele com 0.

No exemplo acima, a coisa fica assim

V

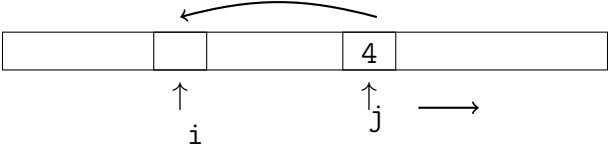
1	2	...		m							N
3	9	2	0	0	7	0	0	5	0	0	0

O problema ainda não está resolvido, claro.

E agora é preciso mover os 0's para o fim.

Nós vamos fazer isso utilizando dois dedos

- o dedo j vai na frente, procurando elementos diferentes de 0
- e o dedo i coloca o elemento na posição correta



Para a coisa funcionar, o dedo i é posicionado no primeiro 0.

E o dedo j começa na posição seguinte.

Abaixo nós temos o pseudo-código completo (já anotado)

```
// 1a Etapa:  marcar as duplicatas
i = 2
Enquanto ( i ≤ m )                                // Para cada elemento
    j = i - 1;   achei = 0
    Enquanto ( j > 0 )                             // Procura lá atrás
        Se ( V[j] == V[i] )                       // Você é uma duplicata?
            achei = 1
            Quebra
        j = j + 1
    Se ( achei == 1 )                               // Se for uma duplicata
        V[i] = 0                                  // apaga o elemento
    i = i + 1

// 2a Etapa:  mover os 0's para o fim
i = 2
Enquanto ( V[i] ≠ 0 )                             // encontra o 1o zero
    i = i + 1
    j = i + 1
    Enquanto ( j ≤ m )                             // percorre o restante da lista
        Se ( V[j] ≠ 0 )
            V[i] = V[j];   i = i + 1
            V[j] = 0
        j = j + 1
    m = i - 1
```

— (*as anotações $O(1)$ foram omitidas para simplificar a visualização*)

Agora, basta examinar as anotações para obter o tempo de execução do algoritmo

$$\begin{aligned} O(1) &+ O(n) \cdot \left[O(1) + O(n) \cdot O(1) + O(1) \right] \\ &+ O(1) + O(n) \cdot O(1) + O(1) \\ = &O(n^2) \end{aligned}$$

Legal.

Agora, a gente imagina que a nossa lista já está ordenada

V

1	2	...						m				N
2	2	3	3	3	5	7	9	9	0	0	0	

E daí, a gente nota que é bem fácil verificar se um elemento é uma duplicata: basta olhar para o elemento anterior.

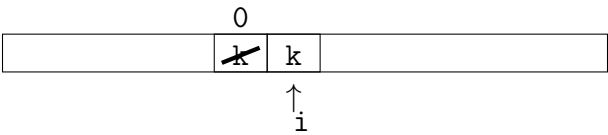
Daí, é só zerar as duplicatas.

E depois mover os zeros para o fim.

Certo.

Mas, aqui nós vamos fazer uma pequena esperteza.

Quer dizer, quando a gente encontrar a duplicata, nós vamos zerar o elemento anterior



Porque daí, a duplicata serve como o elemento anterior para o próximo elemento.

A coisa fica assim

```
// 1a Etapa:  marcar as duplicatas
O(1) | i = 2
      | Enquanto ( i ≤ m )
O(n) | Se ( V[i] == V[i-1] )           // Você é uma duplicata?
      |     V[i-1] = 0                // Apaga elemento anterior

// 2a Etapa:  mover os 0's para o fim
O(n) | (... a mesma coisa ... )
```

Agora, basta examinar as anotações para obter o tempo de execução do algoritmo

$$O(1) + O(n) \cdot O(1) + O(n) = O(n)$$

Quer dizer, o algoritmo da versão ordenada é muito mais rápido do que o outro.