

O algoritmo de inserção

Para implementar as árvores AVL, nós acrescentamos o campo `.alt` ao registro `RegInt`

```
registro RegInt
{
    int      val;
    int      alt;
    RegInt   *esq, *dir, *pai;
}
```

e mantemos as alturas de todas as subárvores pré-calculadas.

Daí, quando um novo elemento é inserido na árvore, nós recalculamos o campo `.alt` de todos os elementos no caminho da raiz até o novo elemento — (*percorrendo o caminho de baixo para cima*)

E sempre que nós encontramos um desbalanceamento nós aplicamos as rotações adequadas para consertar a situação.

As funções que implementam as rotações serão apresentadas no apêndice dessa nota — (*porque elas são semelhantes às que vimos na aula passada*)

Abaixo nós temos o algoritmo de inserção

```
Algoritmo  Inserção-AVL (k,p)
{
    aux <-- Novo (RegInt)
    aux->val,alt <-- k, 1
    aux->esq,dir,pai <-- Nulo, Nulo, Nulo

    Se ( p = Nulo )      Retorna (aux)

    // 1a ETAPA: descida na árvore e inserção

    q1 <-- p;    q2 <-- Nulo

    Enquanto ( q1 != Nulo )
    {
        q2 <-- q1
        Se ( k < q1->val )    q1 <-- q1->esq
        Senão                q1 <-- q1->dir
    }
    Se ( k < q2->val )    q2->esq <-- aux
    Senão                q2->dir <-- aux

    // 2a ETAPA: subida pelo caminho e ajustes

    x <-- q2

    Repita ( p/ sempre )
    {
        Se ( x->esq->alt > x->dir->alt + 1 )
        {
            y <-- x->esq

            Se ( y->esq->alt > y->dir->alt )
                x <-- Rdir(x)
            Senão
            {
                y <-- Resq(y);  x <-- Rdir(x)
            }
        }
        Senão Se ( x->dir->alt > x->esq->alt + 1 )
        {
            ( ... análogo ao caso anterior ... )
        }
        Senão
            x->alt <-- Max { x->esq->alt , x->dir->alt } + 1

        Se ( x->pai = Nulo)  Retorna (x)
        Senão
            x <-- x->pai
    }
}
```